



**Ex 6 – 5 pts : Plus ou moins vers 2010**

Soit  $x$  la somme des nombres que l'on ne changera pas. Soit  $y$  la somme des nombres que l'on changera.

$$\begin{cases} x + y = 5050 \\ x - y = 2010 \end{cases} \text{ d'où } y = 1520.$$

Pour avoir un minimum de signes « - », on changera les signes des plus grands nombres.

De 86 à 100 il y a 15 nombres,

$$\text{or } 86 + \dots + 100 < 15 \times 100$$

D'où, un 1<sup>er</sup> essai  $85+86+\dots+100 = 1\,480$ .

Il faudra encore changer le signe de 40, soit au total, **17 changements de signes**.

*Remarque : il y a d'autres solutions avec 17 changements de signes.*

**Ex 7 – 7 pts : Mais où est donc or...**

La première phrase ne peut pas être vraie, sinon l'or se trouverait dans le coffre 1.

Du coup, l'or ne se trouve ni dans le coffre 1, ni dans le 2, ni dans le 3.

Alors l'affirmation 3 est fausse, donc le bronze se trouve dans le 3.

L'affirmation 4 est fausse aussi, sinon le 3 contiendrait le nickel.

Donc l'or ne peut se trouver que dans le 5.

Alors le platine est dans le 4.

L'argent n'est pas dans le 1, donc dans le 2.

Et, finalement on a :

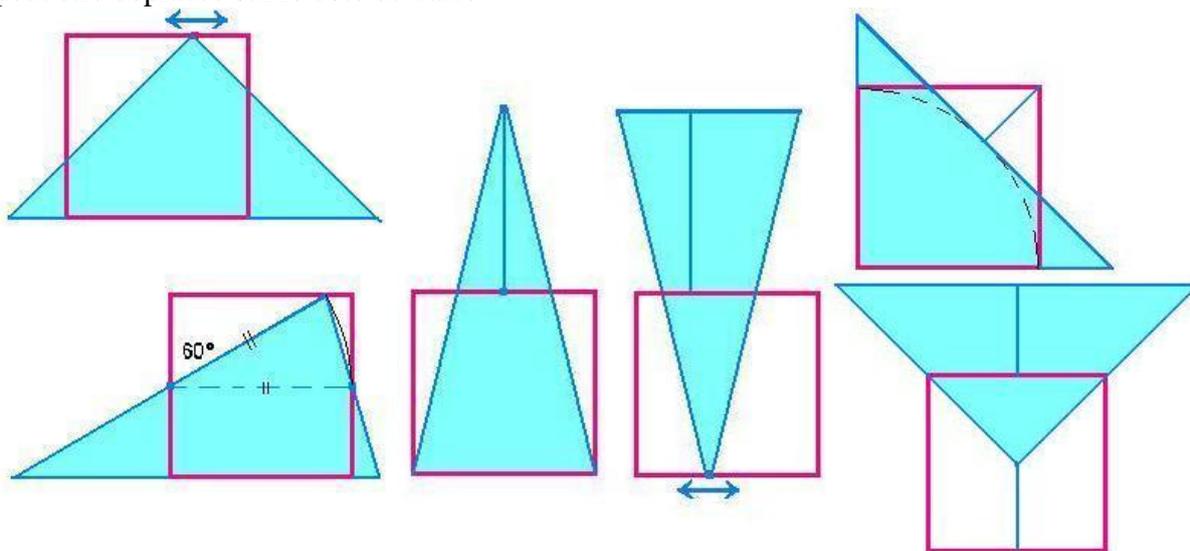
**1 : Nickel – 2 : Argent – 3 : Bronze**

**4 : Platine – 5 : Or.**

**Ex 8 – 5 pts : Du carré au triangle**

Voici 6 solutions donnant 3 triangles isocèles de dimensions différentes.

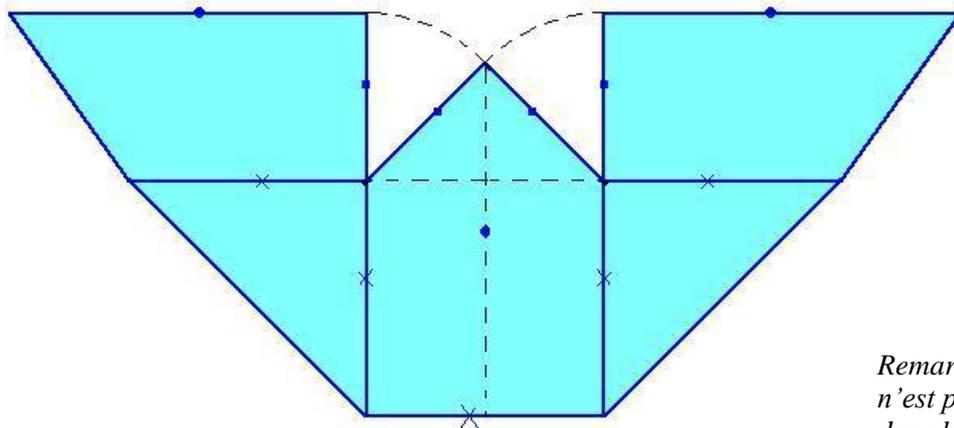
La 4<sup>ème</sup> est une variante de la précédente. Comme pour la première, la position du sommet peut être déplacée sur le côté du carré.



*Remarque : le partage du carré selon sa diagonale correspond à la limite de la première solution, mais il ne donne que deux pièces.*

*Certains élèves recouperont alors (inutilement) l'une de ces deux pièces pour en avoir trois.*

**Ex 9 – 7 pts : Chien-assis**



*Remarque : le patron ci-contre n'est pas à l'échelle demandée dans le sujet.*

### Ex 10 – 10 pts : Avis de recouvrement

Les 4 coins de la table doivent être recouverts, mais une nappe ne peut pas recouvrir 2 coins opposés.

Chaque nappe devra recouvrir 2 coins consécutifs.

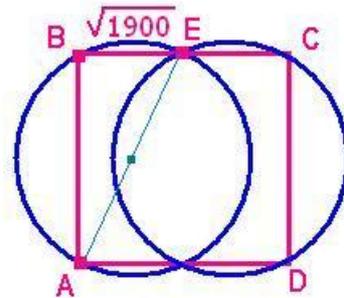
La disposition optimale est donc la suivante :

La nappe de gauche affleure en A et B et son pourtour recoupe le côté [BC] du carré en E.

ABE étant un triangle rectangle, les points A et E sont alors diamétralement opposés.

D'après le théorème de Pythagore :  $BE = \sqrt{1900} \approx 43,588..cm < 45 cm.$

**Le recouvrement total est donc impossible.**



## Exercices « Spécial Secondes »

### Ex11 – 5 pts : Au top ?

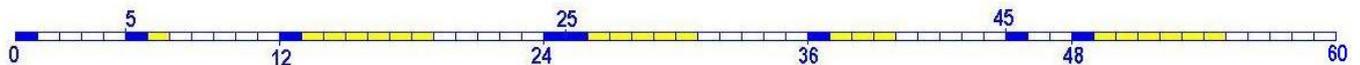
En considérant la course comme une grande montée suivie d'une grande descente, on peut vérifier l'**impossibilité d'atteindre 2 800 m** :

Pour atteindre 2 800 m il faudrait 2 h 40 min et pour redescendre à 1 800 m, 50 min.

Or 3 h 24min < 3 h 30 min.

On peut aussi calculer l'altitude maximum atteinte par Stéphanie ; on trouve 2 760 m.

### Ex 12 – 7 pts : Aléabus



**La durée d'attente est de 11 min** si Emilie se présente à la station à :13 ou à :49 quand le bus vient de partir. **C'est la valeur maximale.**

La durée d'attente d'Emilie dépend de la position de l'instant de son arrivée à la station dans l'intervalle [0 ; 60[.

Sur l'échelle ci-dessus, on a représenté en jaune l'ensemble des instants pour lesquels la durée d'attente sera supérieure à 5 min.

Il s'agit de 5 intervalles d'une durée totale de 21 min.

**La probabilité pour qu'Emilie attende plus de 5 min est  $P = \frac{21}{60} = \frac{7}{20} = 0,35.$**

### Ex 13 – 10 pts : A parts égales ?

L'aire du carré égale 100 cm<sup>2</sup>.

Chaque triangle devra donc avoir une aire de 20 cm<sup>2</sup>.

Pour que AED ait une aire de 20 cm<sup>2</sup>, il faut que AE= 4 cm

Pour que BCF et DCF aient chacun une aire de 20 cm<sup>2</sup>, il faut que F se trouve à 4 cm de [BC] et de [DC].

Mais alors l'aire de EBF égale  $\frac{6 \times 6}{2}$  soit 18 cm<sup>2</sup>.

**Le partage proposé est donc impossible.**

(Plus généralement, le partage d'un carré en 5 triangles de même aire est impossible.)

